

eines der Elemente:

(1)  $\leftrightarrow$  Sieg der Heimmannschaft, (0)  $\leftrightarrow$  Unentschieden,

(2)  $\leftrightarrow$  Niederlage der Heimmannschaft.

mehrfach enthalten. Natürlich ist in diesem Fall die Anordnung von Bedeutung!

Insgesamt werden nach der jeweiligen kombinatorischen Fragestellung die folgenden Grundaufgaben unterschieden:

1. Anzahl der Permutationen von  $n$  verschiedenen Elementen.
2. Anzahl der Permutationen von  $n$  verschiedenen Elementen mit Wiederholung.
3. Anzahl der Variationen (Zusammenstellungen mit Berücksichtigung der Anordnung) von  $n$  Elementen zu je  $k$ .
4. Anzahl der Variationen mit Wiederholung.
5. Anzahl der Kombinationen (Zusammenstellungen ohne Berücksichtigung der Anordnung) zu je  $k$  von  $n$  Elementen.
6. Anzahl der Kombinationen mit Wiederholung.

### 6.1.2. Gebrauch des Summen- und Produktzeichens

Zur abgekürzten Darstellung von Summen mit einfach gebauten Summanden wird das Summenzeichen  $\sum$  (großes griechisches Sigma) verwendet. So kann man die Summe der natürlichen Zahlen von 1 bis 10 schreiben:

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10 = \sum_{k=1}^{10} k.$$

Dabei werden für den Summationsbuchstaben  $k$  nacheinander alle ganzzahligen Werte von 1 bis 10 eingesetzt und die entstehenden Ausdrücke – hier die natürlichen Zahlen selbst – addiert. Die unter dem Summensymbol stehende Beziehung  $k = 1$  gibt die untere Summationsgrenze 1, die oberhalb von  $\sum$  stehende Zahl 10 die obere Summationsgrenze an.

*Beispiele 6.1:* Man achte auf die unterschiedlichen Bezeichnungen!

$$1. \sum_{n=1}^N n^2 = 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + N^2 = 1 + 4 + 9 + \dots + N^2;$$

$$2. \sum_{n=0}^5 \frac{(-1)^n}{n+1} = 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \frac{1}{5} - \frac{1}{6};$$

$$3. \sum_{p=2}^n \frac{1}{(p-1) \cdot p} = \frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \dots + \frac{1}{(n-1) \cdot n};$$

$$4. \sum_{r=0}^n q^r = 1 + q + q^2 + \dots + q^n;$$

$$5. \sum_{i=0}^{n-1} a_i = a_0 + a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1};$$

$$6. \sum_{i=1}^n a = \underbrace{a + a + \dots + a}_{n\text{-mal}} = n \cdot a.$$